

**VII Международная Конференция**

**УСТОЙЧИВОСТЬ, УПРАВЛЕНИЕ  
И  
ДИНАМИКА ТВЕРДОГО ТЕЛА**

Донецк, 7 — 9 сентября 1999 года

**Тезисы докладов**



на также частично усредненная система уравнений, которая позволяет учесть влияние на траекторию начальных возмущений  $q_0, r_0, \alpha_0, \beta_0$ . Данные оценки погрешности усредненной и частично усредненной систем.

Ин-т прикл. математики и механики НАН Украины,  
ул. Р. Люксембург 74, Донецк 340114, Украина

### О предельных стационарных движениях тела на подвесе М.Е. Лесина, А.П. Харламов

Задача о движении тела на подвесе рассмотрена в постановке П.В. Харламова [1], которая учитывает и неголономность подвеса (зашемление его концов в теле и в неподвижном основании), и наличие дисциплии, обусловленной сопротивлением среды, и наличие двигателя, поддерживающего сохранение величины угловой скорости, передаваемой телу. Принципиальное значение имеет учет неизбежного в реальной конструкции несовпадения точки подвеса с точкой главной центральной оси инерции тела. Ранее [2] был изучен переходный процесс от начального состояния равновесия к установившемуся стационарному движению в предположении малости отклонения точки крепления от главной оси по сравнению с характерной длиной и малости угла отклонения струны от вертикали.

В настоящей работе получены характеристики предельного стационарного движения без указанных выше допущений. Результаты представлены в виде графиков, демонстрирующих зависимость от угловой скорости ротора двигателя углов наклона струны и оси тела к вертикалам. Их анализ связал смену форм предельных стационарных движений с характеризующими систему резонансными частотами.

1. Харламов П.В. О соответствии эксперимента существующих теорий движения тела на подвесе // Механика твердого тела.- 1998.- Вып.26(II).- С.96-111. 2. Лесина М.Е., Харламов А.П. Переход к стационарному движению тела на подвесе // Там же.- С.111-125.

Донецкий гос. технический ун-т,  
ул. Артема 58, Донецк 340000, Украина,  
Ин-т прикл. математики и механики НАН Украины,  
ул. Р. Люксембург 74, Донецк 340114, Украина

### Некоторые задачи эволюции вращений твердого тела под действием возмущающих моментов

Д.Д. Лещенко, Т.А. Кушпиль, И.А. Тимошенко

Рассматривается движение вокруг центра инерции твердого тела, близкого к динамически-сферическому, с подвижной массой, прикрепленной при помощи упругой связи с вязким трением к точке, расположенной на одной из главных осей инерции. Считается, что малые параметры, обусловленные близостью моментов инерции и наличием подвижной массы, одного порядка. Найден первый интеграл системы

дифференциальных уравнений для введенных сферических координат. Проведен численный и качественный анализ фазовой плоскости.

Исследуются возмущенные вращательные движения твердого тела, близкие к регулярной прецессии в случае Лагранжа, под действием момента, медленно изменяющегося во времени, и восстанавливющего момента, зависящего от угла нутации. Предполагается, что угловая скорость тела достаточно велика и возмущающие моменты малы по сравнению с восстанавливающими. Получены и исследуются усредненные системы уравнений движения в первом и втором приближениях. Рассмотрены примеры.

Одесская гос. акад. холода,  
ул. Дворянская 1/3, Одесса 270026, Украина,  
Одесская гос. акад. строит. и архит.,  
ул. Лидерхона 4, Одесса 270029, Украина

### Аналитическая динамика систем твердых тел с трением В.М. Матросов, И.А. Финогенко

В лекции излагается разработанная авторами аналитическая динамика систем твердых тел с кулононым трением в одностепенных ползунах, шарнирах и других кинематических парах. При описании движений в таких системах могут возникнуть трудности, связанные с возможностью "несуществования или неединственности" движений, которые были открыты более 100 лет назад П. Пенлеве и обсуждались до сих пор как парадоксы механики. Указаны пути преодоления этих трудностей.

Лекция содержит следующие разделы:

1. Вывод уравнений движения в форме Лагранжа.
2. Обобщенные силы трения скольжения, пример двойного маятника с кулононым трением.
3. Преобразование уравнений движения.
4. Условие разрешимости уравнений движения.
5. Основные свойства уравнений движения.
6. Существование правосторонних движений.
7. Свойства решений.
8. Принцип-инвариантности и притяжения.
9. Устойчивость. Теоремы. Пример.
10. Теоремы сведения.

Центр исследований устойчивости и нелинейной динамики при Ин-те машиноведения им. А.А. Благородова РАН, Москва, Россия,  
Ин-т динамики систем и теории управления Сибирского отд. РАН, Иркутск, Россия