

**ТЕПЛОПРОВОДНОСТЬ СМЕСИ ПОРИСТЫХ СРЕД И ИХ  
ЗАПОЛНИТЕЛЕЙ И МЕТОДЫ РАСЧЕТА СОПРЯЖЕННЫХ  
ЗАДАЧ РАДИАЦИОННОГО ТЕПЛООБМЕНА НА ЕЕ  
ОСНОВЕ.**

*Степанова Э.В., Грэбе А.К. Хоменко О.И.  
(Одесса)*

В работе приводятся результаты исследования теплопроводности модельного слоя смеси пористых материалов и непрерывной фазы наполнителя. Результаты исследования применены к решению задач скоростных методов переноса тепла при радиационном теплообмене в системе с подвижной границей фазового перехода во внутрь слоя на заданную глубину за заданное время обработки.

В различных отраслях промышленного производства, в том числе в производстве строительных материалов, широкое применение находят различные дисперсные материалы – гравий, керамзиты, угли, руды и т.д. При производстве, складировании, транспорте и в технологических процессах они образуют пористые среды, во внутрь объема пор которых попадают различного рода заполнители. При этом образуется смесь пористого материала и непрерывной фазы заполнителя. Последний может пребывать как в твердой, жидкой и газообразной фазах. С целью разделения смесей они подвергаются различным видам термообработки. Частным случаем такого разделения может являться – оттаивание и размораживание. Эти процессы широко применяются при перевалке грузов большой тоннажности (порты, базы, электростанции) с целью разгрузке вагонов в единой технологической цепи.

Учитывая нарастание грузовых потоков, здесь внедряется высокоинтенсивные скоростные методы термообработки, обеспечивающие повышение технического уровня и качества транспортно-погрузочных технологий. В основе их лежит радиационный теплообмен.

Опуская описание постановки задач одномерного процесса переноса теплоты в системе, состоящей из твердой стенки (борт вагона), пористого слоя материала и непрерывной фазы наполнителя, укажем только, что она относится к сопряженным задачам нестационарного теплообмена с фазовым переходом и подвижной границей фазовых превращений.

Одним из фундаментальных понятий при этом является сопротивление переноса энергии, в основе которого лежит теплопроводность смеси пористых материалов и непрерывной фазы наполнителя. Понятие теплопро-

водности смесей,  $\lambda_{cm}$ , само по себе условно, поскольку смесь не представляет сплошную среду в классическом понимании. Тем не менее, отсутствие экспериментальных данных по конкретным техническим смесям заставляет обратиться к теоретическим и эмпирическим зависимостям. Для решения задачи был выбран модельный слой пористого материала (уголь), средний по физическим данным различных месторождений. Физические параметры слоя и наполнителя следующие:

Материал: Плотность,  $\rho_{нac} = 560,0 \text{ кг/м}^3$

Порозность,  $\varepsilon$ ,

(объем пустот в слое) = 0,5

Теплоемкость,  $C_m = 1,30 \text{ Вт/кгК}$

Теплопроводность,  $\lambda_{cm} = 0,6704 \text{ Вт/мК}$

Влажность, W, %

(массовые) = 15,5 %

Заполнитель: Вода,  $H_2O$ , в фазовых состояниях.

Смеси:

M + S – лед (тв).

M + L – жидкое (ж).

M + П – пары ( $H_2O$ )

Заполнитель: Воздух

M + G – газ (воздух)

Физические параметры образовавшихся смесей, плотность,  $\rho_{cm}$ , теплоемкость,  $C_{cm}$ , теплопроводность  $\lambda_{cm}$ , определялись по закону аддитивности:

$$X_{cm} = \sum_1^2 X_i g_i \quad X_{cm} = \sum_1^2 X_i r_i$$

где состав  $g_i$ ,  $r_i$  – массовый, объемный.

Теплопроводность смеси затем рассчитывалась по теоретическому уравнению Рассела [1], а для систем M + G(П) – по уравнению Яакова [1].

Согласно уравнению Рассела теплопроводность смеси составляет:

$$\frac{\lambda_{cm}}{\lambda_{n.f}} = \frac{\nu \cdot \varepsilon^{2/3} + 1 - \varepsilon^{2/3}}{\nu \left( \varepsilon^{2/3} - \varepsilon \right) + 1 - \varepsilon^{2/3} + \varepsilon}$$

где  $\lambda_{cm}$ ,  $\lambda_{n.f}$  – коэффициенты теплопроводности смеси и непрерывной фазы,  $\text{Вт/мК}$

$$\nu = \frac{\lambda_{\text{пор}}}{\lambda_{\text{н.ф}}} -$$

относительный коэффициент теплопроводности соб-

ственno материала (перегородок);

$\varepsilon$  — порозность, объемная доля пустот.

Для систем М + Г — формула может быть упрощена:

$$\frac{\lambda_{\text{см}}}{\lambda_{\text{н.ф}}} = \frac{1}{1 - \varepsilon^{\frac{2}{3}}}$$

По эмпирической зависимости Якоба теплопроводность пористого тела, заполненного воздухом, определяется:

$$\lambda_{\text{см}} = \lambda_{\text{мв}} \frac{1 - \varepsilon}{1 + \varepsilon / 2}$$

|  | $\lambda_{\text{см}}$ , Вт/Мк |        |        |
|--|-------------------------------|--------|--------|
|  | M + S                         | M + L  | M + G  |
| По Расселу<br>(от 6% - 15%)  | 1,4152                        | 0,6655 | 0,2590 |
| По Якубу   | —                             | —      | 0,2682 |
| По закону аддитивности:<br>$g_1 = 0,45$<br>$g_2 = 0,55$              | 1,4125                        | 0,6572 | 0,3807 |
| $\frac{\Delta \lambda_{\text{см}}}{\lambda_{\text{см}}} \cdot 100\%$ | +0,19                         | +1,25  | - 28,0 |

Полученные значения коэффициентов теплопроводности позволили рассчитать определяющие величины процесса радиационного теплообмена, реализуемого в технических производственных устройствах. Опуская математическую формулировку конкретной задачи (нестационарного радиационного теплообмена в указанной системе со смещающейся вглубь слоя границы фазового перехода) приведем конечный результат интегрирования:

$$\Delta \bar{t}_{(\tau)} = \frac{r \cdot \rho_{\text{л}} \cdot \varepsilon_{\text{см}}}{\bar{\lambda}_{(\tau)\text{см}}} \cdot \frac{L_{\kappa}^2}{2}$$

где  $\rho_{\text{л}}$ ,  $r$  — плотность и скрытая теплота фазового перехода заполнителя, кг/м<sup>3</sup>, кДж/кг;

$\varepsilon$  - порозность модельной смеси;

$L_k$  – глубина термообработки слоя, м;

$\tau$  - время термообработки, с.

При интегрировании использованные в расчете данные по коэффициентам теплопроводности позволили вычислить коэффициент теплопроводности модельной смеси с фазовым переходом заполнителя и провести осреднение по формуле:

$$\bar{\lambda}_{(\tau)cm} = \frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \lambda(\tau) d\tau$$

Это позволило проинтегрировать расчетное дифференциальное уравнение и вычислить  $\Delta\bar{t}_{(\tau)}$ , средний по времени термообработки рабочий температурный напор развивающийся на стенке для передачи тепла фазового перехода на заданную глубину,  $L_{cm}$ , в течении заданного времени,  $\tau$ . Так для толщины слоя  $L_{cm} = 0,02$  м,  $t = 1200$  с = 20 мин,  $\Delta\bar{t}_{(\tau)} = 49,8^{\circ}\text{C}$ . Так же определялось распределение  $\Delta t = f(\tau)$  Укажем также, что набор при указанных выше данных составляет  $t_{\tau_u} = 94^{\circ}\text{C}$ ,  $t_{\tau_k} = 136,0^{\circ}\text{C}$ .

### Литература

1. Дж. Перри. Справочник инженера-химика, т. 1. Перевод с англ. Л: Химия, 1969. С640
2. Степанова Э.В. Обобщение данных по исследованию массообмена в различных процессах при обработке материалов в неподвижном и псевдоожиженном слое в системе твердое тело – газ. //Весці АН БССР. Сер. Физ-энрг. наук. 1986. №4 с.90-95
3. Степанова Э.В. Проблемы интенсификации процессов тепломассообмена в дискретных средах двухфазных потоков. Вісник ОДАБА. Збірник наукових праць. Випуск №1 Одеса, “Місто майстрів” 2000
4. Степанова Э.В., Мостовой Г.В., Лавецкий С.К. Радиационный теплообмен и методы расчета прогрессивных технологий на его основе. Сборник материалов 59 ежегодной научн-техн. конференции. Секция ТГСВ. Одесса: ОГАСА, 2001 с.12-13.